

3) Déterminer la Diff. Nafenne logarithmique de $T \equiv (DILN)$:

$$DILN = \frac{(T_{ec} - T_{sf})(T_{sc} - T_{ef})}{\log \left[\frac{T_{ec} - T_{sf}}{T_{sc} - T_{ef}} \right]}$$

$$DILN = \frac{(100 - 40,2)(60 - 30)}{\log \left[\frac{100 - 40,2}{60 - 30} \right]} = \frac{59,8 - 30}{\log \left[\frac{59,8}{30} \right]} = \frac{0,298}{\log [1,933]}$$

$$= \frac{0,298}{0,286} = 1,042 \text{ m K} \quad \left(\begin{array}{l} \text{il s'agit} \\ \text{d'une} \\ \text{différence de } T \end{array} \right)$$

4) Déterminer R_i (eau).

$$N_{u,D} = \frac{h_i D}{\lambda} = 0,023 Re^{4/5} Pr^{0,4}$$

$$Re = \frac{\rho V D}{\mu} \text{ (eau)} \Rightarrow Re = \frac{\rho D}{\mu} \left| \frac{Q_v}{S} \right|$$

$$Re = \frac{1000 \cdot 25 \cdot 10^{-3}}{725 \cdot 10^{-6}} \times \left(\frac{0,2}{1000} \times \frac{1}{\pi \times (25 \cdot 10^{-3})^2} \right)$$

$$= \frac{25 \cdot 10^6}{725} \times \left[\frac{2 \cdot 10^{-4} \times 4 \times 10^6}{3,14 \cdot (25)^2} \right]$$

$$= 0,034 \cdot 10^6 \left[\frac{8 \cdot 10^2}{3,14 \times 625} \right] = 13859,8 \text{ (écoulement turbulent)}$$

$$N_u = 0,023 \times 13859,8^{4/5} \times 4,85^{0,4} = 89,008$$

(5)

$$h_i = \frac{Nu \cdot \lambda}{D} = \frac{89,008 \times 0,625}{25 \cdot 10^{-3}} = 2,225 \cdot 10^3 \approx \underline{\underline{2225 \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}}}$$

⑤ Déterminer la longueur L de l'Echangeur si $h_e = 37,8 \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}$

$$\text{donc } R = \frac{1}{\frac{1}{h_i} + \frac{1}{h_e}} = \frac{1}{\frac{1}{2225} + \frac{1}{37,8}} = \frac{1}{0,000449 + 0,0264} = \frac{1}{0,0269}$$

$$R \approx 41,84 \approx \underline{\underline{42 \text{ W/m}^2 \cdot \text{K}}}$$

$$\Phi = R S \Delta T L \eta$$

$$S = \frac{\Phi}{R \cdot \Delta T L \eta} = \frac{8524}{42 \cdot 45,6} = \left(\frac{8524}{2635,2} \right) = \frac{8524}{1899,24}$$

$$S = 4,488 \text{ m}^2$$

$$S = \pi D L$$

(Diamètre Interieur du tube Interieur avec une épaisseur très petite.
c-à-d $D_i \approx D_e$ (tube Interieur)

$$L = \frac{S}{\pi \cdot D} = \frac{4,488}{3,14 \times 25 \cdot 10^{-3}} = 0,05717 \cdot 10^3$$

$$= \underline{\underline{57,17 \text{ m}}}$$

⑥

Exercice 3

Solution

1.

La paroi du tube a pour épaisseur :

$$e = \frac{D - d}{2} = \frac{21 - 18}{2} = 1,5 \text{ mm} = 1,5 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

Comme elle est mince par rapport aux diamètres, en négligeant sa courbure on peut calculer k à partir de la formule (6.2a) relative à une paroi plane, avec $R_e = 0$:

$$\frac{1}{k} = \frac{1}{h_1} + \frac{e}{\lambda} + \frac{1}{h_2} = \frac{1}{1000} + \frac{1,5 \cdot 10^{-3}}{46} + \frac{1}{2000}$$

$$\frac{1}{k} = 10^{-3} + 0,03 \cdot 10^{-3} + 0,5 \cdot 10^{-3} = 1,53 \cdot 10^{-3}$$

On constate que la résistance thermique e/λ de la paroi ne représente ici que 2% de la résistance totale. Enfin :

$$\boxed{k = 653 \text{ W/m}^2 \text{ K}}$$

2.

En présence d'une résistance d'encrassement, on applique maintenant la formule (6.2a) complète :

$$\begin{aligned} \frac{1}{k} &= \frac{1}{h_1} + R_e + \frac{e}{\lambda} + \frac{1}{h_2} \\ &= (1 + 0,4 + 0,03 + 0,5) 10^{-3} = 1,93 \cdot 10^{-3} \end{aligned}$$

$$\boxed{k = 518 \text{ W/m}^2 \text{ K}}$$

3.

L'efficacité dont il est question dans l'énoncé doit être comprise comme un rapport $\Phi_{réel} / \Phi_{max}$ (définitions 3.5 et 4.37), soit ici :

$$E = \frac{\Phi_{lan}}{\Phi_{neuf}} = \frac{k_{lan}}{k_{neuf}} = \frac{518}{653}$$

$$\boxed{E = 0,793}$$

4.

La surface d'échange Σ n'est pas la même des deux côtés. Suite à la question 1, on calcule une valeur approchée de Σ par (6.10) (§ 6.2.3 ♦) :

$$\Sigma = \pi \frac{D+d}{2} L = \pi \frac{21+18}{2} 10^{-3} \times 1$$

$$\Sigma = 61.10^{-3} m^2$$

Le flux échangé est donné par (6.2c) qui s'écrit avec les notations de l'énoncé :

$$\Phi = k \Sigma (T_2 - T_1) = 518 \times 61.10^{-3} \times 15$$

$$\boxed{\Phi = 475 W}$$