Département d'Informatique 2021/2022



2eme licence

TP3 Méthodes numérique

"Méthodes itérative de résolution des systèmes linéaires"

But du TP:

Le but de ce TP est d'écrire une fonction Matlab qui résout le système linéaire Ax = b en utilisant la méthode itérative de Jacobi.

Rappel de la méthode:

Afin de résoudre le système on va construit une suite X^(m) pour approcher la solution exacte X

$$x_{i}^{(k+1)} = \frac{b_{i} - \sum_{j=1 \text{et} j \neq i}^{n} a_{ij} x_{j}^{(k)}}{a_{ii}}$$

X⁽⁰⁾ est un vecteur initial donné.

Travail demandé:

Considérons le système Ax = b où

$$A = \begin{bmatrix} 10 & -2 & 1 \\ -2 & 10 & -2 \\ -2 & -5 & 10 \end{bmatrix} \quad \text{et} \quad \boldsymbol{b} = \begin{bmatrix} 9 \\ 12 \\ 18 \end{bmatrix}$$

- La méthode de Jacobi converge t-elle pour ce système ?, c.-à-d. est ce que la matrice A est à diagonale strictement dominante :

$$|a_{kk}| > \sum_{\substack{j=1\\j\neq k}}^{N} |a_{kj}|$$

- Déterminer une solution approchée du système par la méthode de Jacobi ; calculer trois itérations en partant du vecteur initial $\mathbf{x}^{(0)} = (0, 0, 0)^{\mathrm{T}}$.