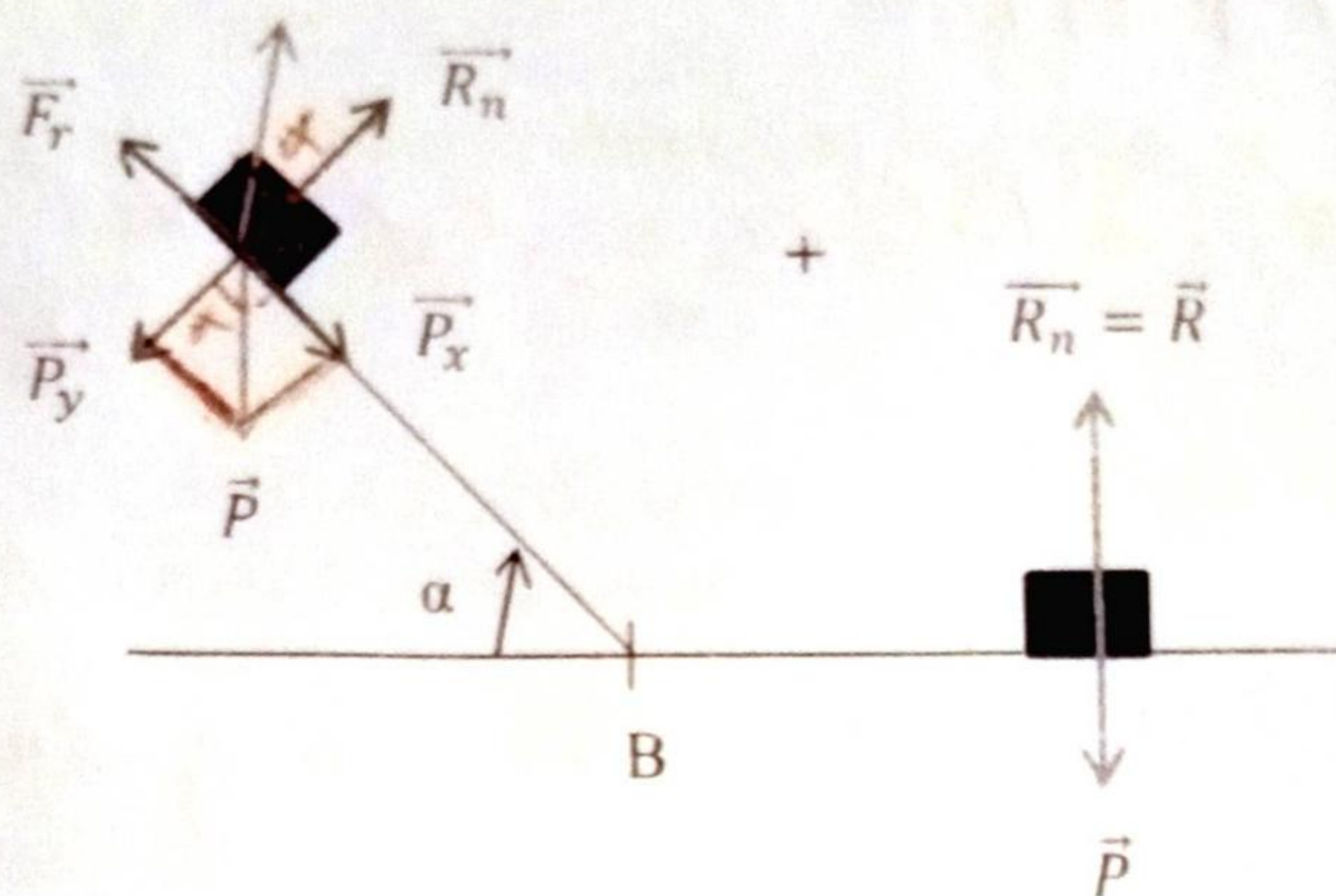


Exercice n°



4- Le système en mouvement sur AB avec frottement $\Rightarrow \sum \vec{F} = m\vec{a}$

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a} \dots\dots(1)$$

Après la projection sur les axes du mouvement on obtient:

$$(1) \Rightarrow \begin{cases} P_x - F_r = ma \dots\dots\dots(2) \\ R_n + P_y = 0 \dots\dots\dots(3) \end{cases}$$

$$(3) \Rightarrow R_n = m \cdot g \cdot \cos \alpha \dots\dots\dots(4)$$

$$\text{Et on a } F_r = \mu \cdot R_n = \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos \alpha \dots\dots(5)$$

$$(2) \Rightarrow a = \frac{P_x - F_r}{m} = \frac{m \cdot g \cdot \sin \alpha - \mu \cdot m \cdot g \cdot \cos \alpha}{m} = g(\sin \alpha - \mu \cdot \cos \alpha)$$

$$a = 9,81 \mid (707 - 0,5 \times 0,707) = 3,46 \text{ m/s}^2$$

$$V_B^2 - V_A^2 = 2 \cdot AB \cdot a \Rightarrow V_B^2 = 2ABa \Rightarrow V_A = 1 \text{ m/s}$$

$$V_B = \sqrt{V_A^2 + 2AB \cdot a} = 2,81 \text{ m/s}$$

2) Le système am BC:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}'$$

Après la projection sur (BC)

$$0 = ma'$$

$$R + P = 0$$

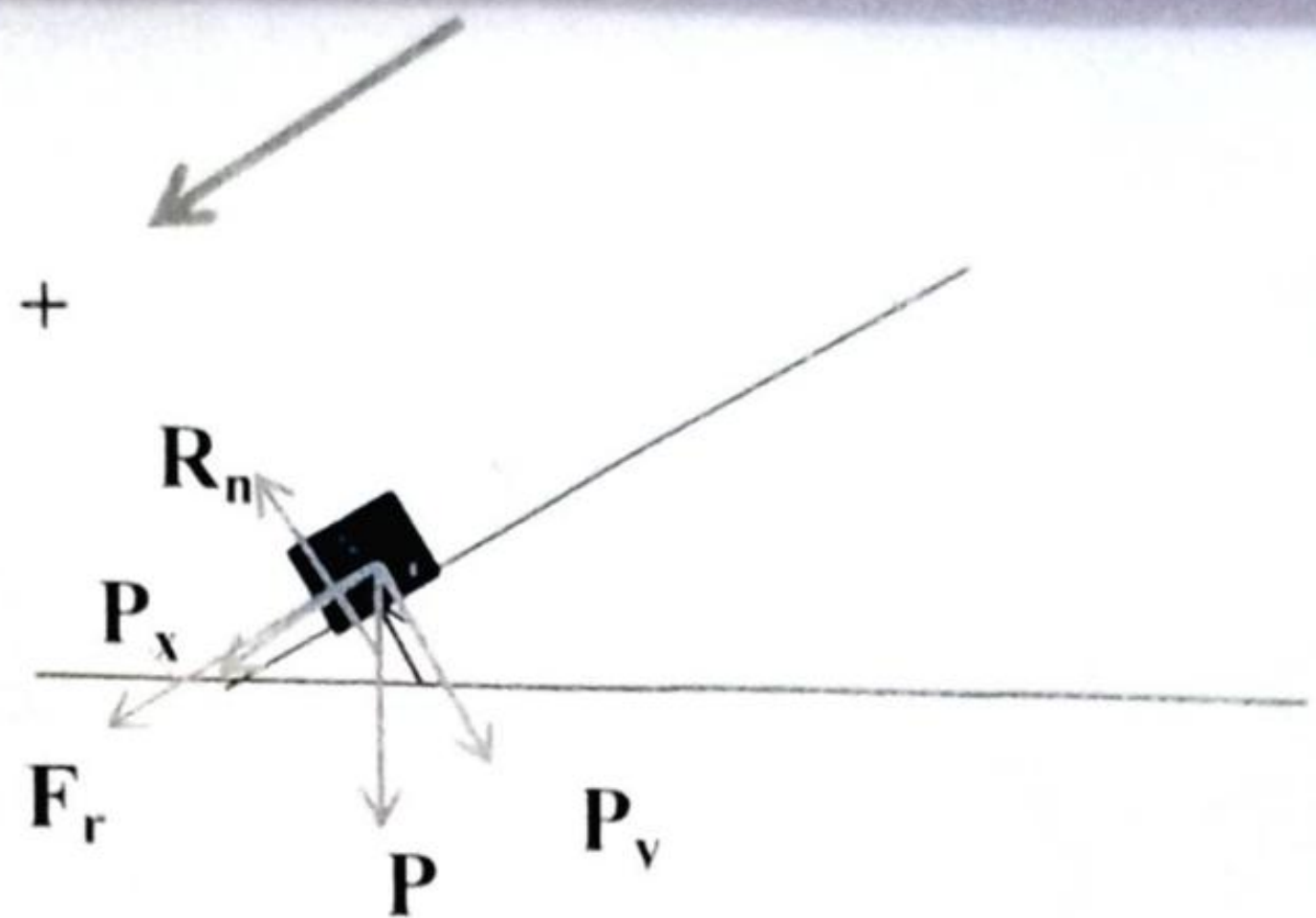
$a' = 0$ alors MRU

$$V_C = ? \quad V_C^2 - V_B^2 = 2BC \cdot a \Rightarrow BC = \frac{V_C^2 - V_B^2}{2a}$$

$$V_C = 0 \text{ et } a' = 0$$

$BC = \infty$ alors M ne s'arrête jamais

Exercice N° 2



1- Le système en mouvement sans frottement $\Rightarrow \sum \vec{F} = m\vec{a}$

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a} \dots\dots(1)$$

Après la projection sur les axes du mouvement on obtient:

$$(1) \Rightarrow \begin{cases} +P_x = ma \dots\dots\dots(2) \\ R_n - P_y = 0 \dots\dots\dots(3) \end{cases}$$

$$(2) \Rightarrow a = +g \cdot \sin \alpha \quad g : \text{cste et } \sin \alpha = \text{cste}$$

donc $a : \text{cste} \Rightarrow$ le mouvement est rectiligne uniformément accéléré

On déduit que $a = g \cdot \sin \alpha = 3,35 \text{ m/s}^2$

2- Temps du parcours

$$x_{AB} = \frac{1}{2} a t^2 \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2x_{AB}}{a}}$$

$$\text{A.N: } t = \sqrt{\frac{2 \cdot 2}{3,35}} = 1,1 \text{ s}$$

3- Calcul de coefficient de frottement μ :

Le système en mouvement avec frottement $\Rightarrow \sum \vec{F} = m\vec{a}$

$$\Rightarrow \sum \vec{P} + \vec{R} + \vec{F}_r = m\vec{a}$$

Après la projection sur les axes du mouvement on obtient:

$$\begin{cases} +P_x - F_r = ma \dots\dots\dots(4) \\ R_n - P_y = 0 \dots\dots\dots(5) \end{cases}$$

$$(4) \Rightarrow F_r = +P_x - ma$$

$$(5) \Rightarrow R_n = +P_y$$

$$\text{On a d'autre part: } \mu = \frac{F_r}{R_n} = \frac{P_x - ma}{P_y} = \frac{m \cdot g \cdot \sin 20 - ma}{m \cdot g \cdot \cos 20} = \frac{g \cdot \sin 20 - a}{g \cdot \cos 20}$$

$$\text{A.N: } \mu = 0,107$$

La position du point C

a. On néglige les forces du frottement

$$v_1 = 0$$

$$v_0 = 3 \text{ m/s}$$

on a :

$$\sum \vec{F} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a} \dots\dots(6)$$

Après la projection sur les axes du mouvement on obtient:

$$(2) \Rightarrow \begin{cases} -P_x = ma \dots\dots\dots(7) \\ R_n - P_y = 0 \dots\dots\dots(8) \end{cases}$$

$$(7) \Rightarrow a = -g \cdot \sin \alpha \quad g : \text{cste et } \sin \alpha = \text{cste}$$

donc $a : \text{cste} \Rightarrow$ le mouvement est rectiligne uniformément retardé

On déduire que $a = -g \cdot \sin \alpha = 9,81 \cdot 0,342 = -3,35 \text{ m/s}^2$

$$v_1^2 - v_0^2 = 2 \cdot x_{BC} \cdot a' \Rightarrow x_{BC} = \frac{v_1^2 - v_0^2}{2 \cdot a}$$

$$\text{A.N : } d = \frac{v_1^2 - v_0^2}{2 \cdot a'} = \frac{0^2 - 3^2}{2 \cdot (-3,35)} = 1,34 \text{ m}$$

$$d = 1,34 \text{ m}$$